

Վ. Հ. ՀԱՄԲԱՐՉՈՒՄՅԱՆ

ՀԱԿԱԴԱՐՁ ԽՆԴԻՐՆԵՐԸ  
ԲՆԱԳԻՏՈՒԹՅԱՆ ՄԵՉ

ԵՐԵՎԱՆ



АКАДЕМИЯ НАУК АРМЯНСКОЙ ССР  
АРМЯНСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ  
ФИЛОСОФСКОГО ОБЩЕСТВА СССР

АКАДЕМИК  
В. А. АМБАРЦУМЯН

# ОБРАТНЫЕ ЗАДАЧИ В ЕСТЕСТВОЗНАНИИ

(Доклад, прочитанный на годовом собрании  
Армянского отделения Философского  
общества СССР в 1979 г.)

ИЗДАТЕЛЬСТВО АН АРМЯНСКОЙ ССР  
ЕРЕВАН 1983

ՀԱՅԿԱԿԱՆ ՍՍՀ ԳԻՏՈՒԹՅՈՒՆՆԵՐԻ ԱԿԱԴԵՄԻԱ  
ՍՍՀՄ ՓԻԼԻՍՈՓԱՅԱԿԱՆ ԸՆԿԵՐՈՒԹՅԱՆ  
ՀԱՅԿԱԿԱՆ ԲԱԺԱՆՄՈՒՆՔ

ԱԿԱԴԵՄԻԿՈՍ  
Վ. Հ. ՀԱՄԲԱՐՉՈՒՄՅԱՆ

# ՀԱԿԱԴԱՐՉ ԽՆԴԻՐՆԵՐԸ ԲՆԱԳԻՏՈՒԹՅԱՆ ՄԵՉ

(Զեկուցում՝ կարդացված ՍՍՀՄ փիլիսոփայական  
ընկերության Հայկական բաժանմունքի 1979 թ.  
տարեկան ժողովում)

ՀԱՅԿԱԿԱՆ ՍՍՀ ԳԱ ՀՐԱՏԱՐԱԿՉՈՒԹՅՈՒՆ  
Ե Ր Ե Վ Ա Ն 1 9 8 3

Համբարձումյան, Վ. Հ.

Հ205 Հակադարձ խնդիրները բնագիտության մեջ: (Զեկուցում՝ կարդացված ՍՍՀՄ փիլ. ընկ. Հայկ. բաժանմունքի 1979 թ. տարեկան ժողովում). — Եր.: ՀՍՍՀ ԳԱ հրատ., 1983. — 59 էջ.

Գրքույկում բացահայտված է բնագիտության մեջ հակադարձ խնդիրների պրոբլեմի էությունը և ցույց է տրված վերջինիս մեթոդաբանական նշանակությունը:

Նախատեսված է բնագետների, փիլիսոփաների և գիտության մեթոդաբանների լայն շրջանների համար:

1601000000

ԳՄԴ 20

Հ ————— 60 — 83

5

703 (02) — 83

© ՀՍՍՀ ԳԱ հրատարակչություն, 1983:



Շատ ուրախ եմ, որ հնարավորութիւն ունեմ նորից ելույթ ունենալու փիլիսոփաների միջավայրում : Անցյալ տարի ընկերության նիստում ես զեկուցում եմ ունեցել մի քանի խնդիրների մասին, որոնք ինձ հետաքրքրել են որպէս գիտական ուսումնասիրության առարկա : Այսօր ես ուզում եմ պատմել այդ խնդիրներից մեկի մասին ավելի մանրամասն : Խոսքը վերաբերում է հակադարձ խնդիրների հետ կապված հարցերին :

Գիտության մեթոդաբանության տեսակետից, հետևաբար՝ փիլիսոփայու-



թյան տեսակետից, այդ հարցը, իրոք, ներկայացնում է որոշ հետաքրքրություն, և արժե, որ այդ ուղղությամբ մտածեն ոչ միայն նրանք, որոնք աշխատում են բնագիտության և մաթեմատիկայի բնագավառում, այլև՝ փիլիսոփաները, քանի որ այդ հարցն ունի նաև մեթոդաբանական և իմացաբանական նշանակություն:

Ես կսկսեմ փիլիսոփայական կարեւոր բնդհանրացումների մեջ մեծ նշանակություն ունեցող այն մտքից, որը շատ լավ է արտահայտվել Վ. Ի. Լենինի «Մատերիալիզմ և էմպիրիոկրիտիցիզմ» գրքում՝ էլեկտրոնն ինքր անվերջ, անսահման խոր երևույթ է: Ես կարող եմ նշել, որ դա, իրոք, մի մեծ և կարևոր նշմարություն է, որը բնագիտական շատ ուսումնասիրություններում կարող է բնդունվել որպես էլակետ, և վերաբերում է, իհարկե, ոչ միայն է-



լեկտրոնին: էլեկտրոնն այն ժամանակ հայտնի միակ մասնիկն էր, որը դիտվում էր որպես տարրական, իսկ այժմ հայտնի են բազմաթիվ տարրական մասնիկներ: Կարելի է պնդել, որ, առհասարակ, ամեն մի մասնիկ, և, ընդհանրացնելով, կարող ենք ասել, ամեն մի բնական երևույթ ունի անսահման խորություն, և ինչքան էլ մենք ուսումնասիրենք այն, այնուամենայնիվ դեռ մնում են որոշ բաց խնդիրներ: Այդ հատկությունը կարելի է վերագրել նյութին առհասարակ: Այդ նշմարտությունը կարելի է վերագրել նաև, ընդհանրապես, բնությանը, բնական երևույթներին: Ամեն մի երևույթ, ամենալայն իմաստով, ունի անսահման խորություն:

Երբ մենք սկսում ենք ուսումնասիրել որևէ բնական երևույթ, մենք նախ ծանոթանում ենք նրա արտաքին





պատկերին: Սակայն մեզ մոտ միշտ  
կա և մնում է այն զգացումը, որ այդ  
պատկերի ետևում գտնվում է ավելի  
խոր, ավելի էական ինչ-որ մեխա-  
նիզմ, ներքին կապերի և ուժերի ավելի  
էական պատկեր: Այդ հանգամանքը,  
դրա նիշտ գիտակցումը բերում է այն  
բանին, որ մարդն ավելի խորն է հե-  
տաբերվում տվյալ երևույթով կամ  
երևույթների մեծ խմբով և սկսում է  
որոնել համապատասխան մեխանիզմ-  
ներ, այն, ինչ գտնվում է, այսպես ա-  
սած, ետևում և դեռ բացահայտ կեր-  
պով անմիջապես չի դիտվում, սակայն  
տալիս է արտաքին երևույթի բացա-  
տրությունը: Որպես հետևանք հայտնա-  
բերվում է նոր, հանախ սկզբնականից  
բոլորովին տարբեր տեսարան: Այնու-  
հետև, մի որոշ ժամանակից հետո,  
երբ ուսումնասիրվում է այդ նոր տե-  
սարանը, հանախ նրա ետևից բացվում



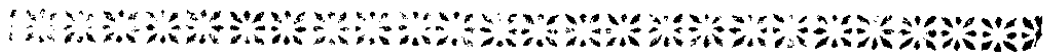
են նոր, ավելի խոր հեռանկարներ, երևույթների ավելի խոր և, երբեմն, ավելի ընդհանուր ըմբռնման հնարավորություններ: Այստեղ, մենք, էլնելով մատերիալիզմի դիրքերից, կարող ենք ասել, որ իրոք, ինքը՝ նյութը անսահման խորն է, և, միևնույն ժամանակ, որ այդ հաշորդական մոտավորությունների կիրառումն այն հիմնական մեթոդն է, որով մարդը ղեկավարվում է բնության ուսումնասիրության ընթացքում:

Որպեսզի ավելի կոնկրետացնենք, եկեք խոսենք շատ տարրական օրինակներով: Վերցնենք այն երկինքը, որ մենք տեսնում ենք: Մենք տեսնում ենք մի ոլորտ, որտեղ դիտվում են անշարժ աստղեր, կարծես ամրացված այդ ոլորտին: Ճիշտ է, առաջ այդպես էլ կարծում էին: Հետո տեսան, որ լուսատուների մի մասը՝ մոլորակներ, գի-



սավորներ, Լուսինը՝ շարժվում են աստղերի նկատմամբ, իսկ «անշարժ աստղերի» ոլորտը, որպես ամբողջություն, պտտվում է Երկրագնդի շուրջը: Պատկերը դարձավ դինամիկ, բայց մնում էր դեռևս երկչափ:

Ահա այդպիսի երկչափ տեսարանը հատուկ էր ամենավաղ ժամանակների համար, մարդիկ դեռ չէին խորացել իրերի էության մեջ: Բայց հետագայում, աստղագիտության զարգացման շնորհիվ, պարզվեց, որ ամեն ինչ շէ, որ այդպես հավաքված է մի ոլորտի վրա: Ասեմք այն հանգամանքը, որ դիտվում են խավարումներ, երբ երկնակամարի վրա Լուսինը մոտենում է Արեգակին և ծածկում նրան, ցույց տվեց, որ լուսատուները, փաստորեն, գտնվում են տարբեր հեռավորությունների վրա: Ուրեմն չի կարելի ամբողջ Տիեզերքը դիտել միայն որպես



ոլորտ, այլ պետք է հաշվի առնել, որ տարբեր լուսատուները գտնվում են տարբեր հեռավորությունների վրա:

Մի փոքր ավելի ուշ մշակված պատկերացումներից մեկի համաձայն կան տարբեր ոլորտներ. մի ոլորտի վրա գտնվում է Արեգակը, մյուսի վրա՝ մի մոլորակ և այլն, և, վերջապես, հեռվում գտնվում է «անշարժ աստղերի» ոլորտը: Դա մի պատկերացում է, որը կապված է հին աշխարհի աստղագետների՝ Հիպարխոսի և Պտղոմեոսի անունների հետ, և հանդիսանում է աշխարհի հանաշեղիության որոշակի մի փուլ:

Հետո, այդ արտաքին, այսօրվա տեսակետից՝ թեթևամիտ, պատկերն ուղեցին խորացնել: Ծնվեց Կոպերնիկոսի սխեման, Կոպերնիկոսի տեսությունը, որի համաձայն՝ մենք ինքներս գտնվում ենք մի մոլորակի վրա, և բո-



լոր մոլորակները պտտվում են Արեգակի շուրջը և այլն, և այլն:

Տրվեց երկնային մարմինների տեսանելի նույն շարժումների ավելի պարզ և ավելի նշմարիտ բացատրությունը: Պարզ դարձավ, որ այն Տիեզերքը, որտեղ գտնվում են Արեգակը, Լուսինը և մոլորակները, ունի որոշակի մի կառուցվածք, որի հետևանքով Արեգակի շուրջը շրջանագծերով պտրտվում են մոլորակները, իսկ առանձին մոլորակների շուրջը՝ նրանց արբանյակները, օրինակ, Լուսինը՝ մեր երկրի շուրջը:

Երբ հայտնի դարձավ, որ մենք այդպիսով հնարավորություն ենք ստանում ուսումնասիրել այն ժամանակվա հայտնի Տիեզերքի՝ մոլորակային համակարգության ոչ միայն կառուցվածքը, այլև նրա իսկական կիսնմաստիկան. աստղագետները սկսեցին



ավելի նշգրիտ կերպով հետևել մուր-  
րակների տեսանելի շարժումներին:  
Այդ ավելի նշգրիտ դիտումների հի-  
ման վրա պարզվեց, որ այն տեսարա-  
նը, որ ներկայացրել էր Կոպերնիկոսը,  
այլևս չի բավարարում դիտողական  
նոր տվյալներին: Պարզվեց, որ, ըստ  
երևույթին, մուրակները շարժվում  
են ոչ թե շրջանագծերով, այլ ինչ-որ  
ուրիշ կորագծերով: Եվ այստեղ հսկա-  
յական ծառայություն մատուցեց, այն  
ժամանակի համար անասելի դժվար  
մի խնդիր լուծեց Յոհան Կեպլերը: Այն,  
ինչ նա կատարեց, արեգակնային հա-  
մակարգության մարմինների, մուրակ-  
ների շարժման ավելի ստույգ օրի-  
նաչափությունների երկրաչափական  
նշգրտումն էր:

Պարզվեց, որ հայտնի մոտավոր  
պատկերի ետևում կար մի ուրիշ, ավե-  
լի նշգրիտ պատկեր, որը հարկավոր էր



հայտնաբերել: Եվ այստեղ Կեպլերի առջև կար երկու հնարավոր հանապարհ: Գիտակցաբար թե անգիտակցաբար նա ընտրեց այդ երկու ուղիներից մեկը:

Նա կարող էր վարվել այսպես. քանի որ շրջանագծային ուղեծրերը չեն բավարարում մոլորակների տեսանելի շարժման նշգրիտ դիտումներին, ապա պետք է ընդունել, որ Արեգակի շուրջը մոլորակների իրական շարժումները կատարվում են ինչ-որ այլ տեսակի երկրաչափական կորագծերով: Անելով այս կամ այն ենթադրությունը այդ կորագծերի ձևի (կամ ձևերի) մասին, նա կարող էր փորձել բացատրել դիտվող տեսանելի շարժումները այդ ենթադրության հիման վրա:

Եթե ստացվեր, որ ընդունված ենթադրությունը թույլ չի տալիս նշգրտորեն բացատրել մոլորակների դիտվող



շարժումները, ապա այն պետք է դեն նետվեր և փոխարինվեր մի նոր ենթադրությամբ: Այդպես շարունակելով, մենք մի ֆանի փորձերից հետո կարող ենք հանդիպել իրական շարժման կորագծերի վերաբերյալ այնպիսի մի ենթադրության, որը կտա դիտվող շարժումների նշգրիտ բացատրությունը: Այս մոտեցումը հանախ կոչվում է «փորձերի ու սխալների մեթոդ»: Հանախ այն անվանում են «մոդելային» մոտեցում:

Բայց կեպերն այդպիսի ենթադրությունների հանապարհով, այսինքն՝ շարժման ենթադրական մոդելների փորձարկման հանապարհով, չգնաց: Նա գնաց ուրիշ հանապարհով, ուրիշ ուղիով: Ո՞րն էր նրա ուղին: Նա փորձեց անել միայն ամենարնգհանուր ենթադրություններ, օրինակ, ընդունել, որ մոլորակի ուղեծիրը պետք է





անպայման փակ կոր լինի, այսինքն՝ մոլորակը, շարժվելով Արեգակի շուրջը, պարբերաբար վերադառնում է նույն կետին (դիրքին): Քանի որ բոլոր տրվյալները խոսում էին այդ ենթադրության օգտին, նա իր առջև խնդիր դրեց գտնել ուղեծրի ձևը՝ հենվելով անմիջական դիտումների վրա: Ես այստեղ այդ մասին չեմ ուզում խոսել ավելի մանրամասն. ասեմ միայն, որ կային բոլոր տվյալներն այն մասին, որ շարժումը պարբերական է, և, որոշ պարբերությունից հետո, մոլորակն, իրոք, վերադառնում է Արեգակի նկատմամբ նույն դիրքին: Հետևաբար հնարավոր էր մոլորակների տեսանելի շարժումներից որոշել այդ պարբերությունները:

Ուրեմն հարցը դրվեց այսպես: Ենթադրենք, ինչ-որ ուղեծրով մոլորակը կատարում է պարբերական շարժում Արեգակի շուրջը: Այդ դեպքում, արդ-



յո՛ք, մենք կարո՞ղ ենք, ելնելով դիտումներից, անմիջապես եզրակացնել ուղեծրի ձևի մասին: Ինչո՞ւմն էր դժվարությունը: Դժվարությունն այն էր, որ Կեպլերի ժամանակ ոչ մի հնարավորություն չկար անմիջականորեն որոշել մոլորակի հեռավորությունը Երկրագնդից՝ դիտման պահին: Ուրեմն, մենք դիտում ենք միայն շարժման պատկերը (պրոյեկցիան) երկնուլորտի վրա: Եթե մենք կարողանայինք որոշել մոլորակի հեռավորությունը Երկրագնդից դիտման ամեն մի պահի համար, ապա կորոշվեր մոլորակի դիրքը տարածության մեջ՝ դիտման ամեն մի պահի համար, հետևաբար, կորոշվեր նրա շարժման ուղեծրի ձևը:

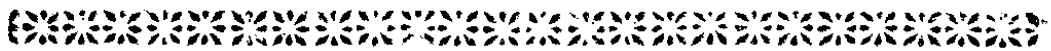
Արդեն ասացի, որ մեկ դիտման ժամանակ հնարավոր չէ որոշել մոլորակի հեռավորությունը: Սակայն եթե հնարավոր լիներ կատարել միաժա-



մանակյա դիտումներ երկու իրարից  
բավականաչափ հեռու գտնվող տարբեր  
կետերից, դա, եռանկյունաչափական  
բանաձևերի միջոցով, թույլ կտար որո-  
շել և՛ ուղղությունը, և՛ հեռավորությու-  
նը, այսինքն՝ լիակատար կերպով  
որոշել մոլորակի դիրքը տարածության  
մեջ: Փորձը, սակայն, ցույց տվեց,  
որ այն ժամանակվա տեխնիկայի հա-  
մար երկու դիտողներին երկրա-  
գնդի երկու տարբեր կետերում տեղա-  
վորելը հնարավորություն չի տալիս  
լուծել խնդիրը, որովհետև երկրագնդի  
չափերը շատ փոքր են միջմոլորակա-  
յին տարածությունների համեմատ, այ-  
սինքն՝ երկու դիտումները պետք է  
տային գործնականում նույն ուղղու-  
թյունը դեպի մոլորակը: Այստեղ  
հարցը լուծվեց շնորհիվ այն բանի, որ  
դիտելով մոլորակը մի ինչ որ  $t_1$  պահին  
և, հետո նորից դիտելով այն, շարժման



մի ամբողջ պարբերություն անց, այսինքն՝  $t_2 = t_1 + p$  պահին, որտեղ  $p$ -ն մոլորակի պարբերությունն է, մենք դիտում ենք այն ուղեծրի (հետևաբար և տարածության) նույն կետում: Բայց երկրագունդը այդ երկու պահերին գտնվում է տարբեր, իրարից բավականաչափ հեռու կետերում: Հետևաբար, երկարատև (մի ֆանի պարբերություն ընդգրկող) դիտումներից հնարավոր է դառնում որոշել մոլորակի դիրքը ինչպես երկրագնդի, այնպես էլ Արեգակի նկատմամբ: Կեսպլերն այդ աշխատանքը կատարեց առաջին հերթին Մարսի համար, որը համեմատաբար մոտ մոլորակ է, արտափին մոլորակներից ամենամոտը, և գտավ, թե ինչպիսին է նրա շարժման ուղեծրի ձևը: Հետո հարց առաջացավ, թե հայտնի փակ կորերից ո՞րն է ամենից մոտը գտնված ուղեծրին: Բազմաթիվ փոր-



ձերից հետո Կեպլերը գտավ, որ այդ կորը էլիպսն է:

Հետագա հաշվումները հաստատեցին, որ ինչպես Մարսի, այնպես էլ մյուս մոլորակների ուղեծիրները էլիպսաձև են:

Այսօրվա տեսակետից, այն առաջին ուղին, որով շգնաց Կեպլերը (մոդելային մոտեցման ուղին), կոչվում է, բավականին տարօրինակ կերպով, ուսումնասիրության ուղղակի մեթոդ: Իսկ նրա ընտրած ուղին, որը ելնում է անմիջական դիտումներից, կոչվում է հակադարձ մեթոդ: Ո՞րն է այդպիսի անհաջող անվանման պատճառը:

Կանգ առնենք համառոտ այդ հարցի վրա: Երբ Կեպլերը ձևակերպեց մոլորակների շարժման օրինաչափությունները (1. մոլորակների շարժումները կատարվում են էլիպսներով, 2. այդ շարժումների ժամանակ պահպանվում



է մակերեսների օրենքը, որի համաձայն հավասար ժամանակամիջոցներում մոլորակի շառավիղ-վեկտորը գծում է հավասար մակերեսներ, և Յ. գոյություն ունի որոշակի կապ շարժման պարբերության և ռդեծրային էլիպսի մեծ կիսաառանցքի միջև), պարզ դարձավ, ոչ միայն այն, որ մոլորակների շարժումները կատարվում են էլիպսներով, այլև այն, թե ինչպես են նրանք ժամանակի ընթացքում տեղափոխվում այդ կորագծի վրայով:

Ուստի, եթե էլիպսը մեզ տրված է, և հայտնի է այն պահը, երբ մոլորակն անցել է արևամուտ կետով, ապա ունենք ամեն ինչ, որպեսզի մենք կարողանանք ամեն մի բոլորի համար, ամեն մի ակնթարթի համար նախահաշվել մոլորակի տեղը: Շարժման էլիպսի բնույթը և ինքը՝ շարժումը, կարելի է նկարագրել հետևյալ շորս



մեծություններով. մեծ կիսաառանցքի մեծությունը, փոքր կիսաառանցքի շափր կամ էլիպսի էֆսցենտրիստետը, այսինքն՝ ձգվածությունը, էլիպսի մեծ կիսաառանցքի ուղղվածությունը՝ համեմատած ինչ-որ ուղղության հետ, ասենք՝  $x$  առանցքի հետ,  $h$ , վերջապես, այն պահը, երբ մոլորակն անցնում է արևամուտ կետով:

Այս շորս թվերն ամբողջապես կորոշեն մոլորակի շարժումը, եթե հայտնի է այն հարթությունը, որի վրա դասավորված է մոլորակի ուղեծիրը, այսինքն՝ էլիպսը:

Բայց ինքը՝ հարթությունը, կարող է տարբեր կերպով կողմնորոշված լինել տարածության մեջ: Նրա կողմնորոշումը բնութագրվում է երկու անկյուններով: Ուրեմն, ընդամենը ստացվում է վեց թիվ, ուղեծրի վեց էլեմենտ, որոնք որոշում են ոչ մի-



այն էլիպսի էլեմենտները, այլև մոլորակի շարժումն այդ էլիպսով: Այդ թվերով կարելի է հաշվել մոլորակի շարժումը՝ համաձայն Կեպլերի օրենքների: Դա նշանակում է, որ բավական է տալ ուղեծրի էլեմենտները, և կարելի կլինի ցանկացած պահի համար կանխահաշվել մոլորակի տեղը, նրա դիրքերկնքի վրա: Կարելի է կազմել այն, ինչ որ կոչվում է էֆեմերիդ և տրվում է աստղագիտական տարեգրքերում, տարվա ամեն մի օրվա համար, յուրաքանչյուր մոլորակի դեպքում: Այսպիսով, տարեգրքերում տրվում է այսպիսի մի խնդրի լուծման արդյունքը՝ հայտնի էլեմենտների միջոցով, այսինքն՝ գիտենալով փաստորեն շարժման օրինաչափությունը, հաշվել մոլորակի տեղը երկնակամարում ամեն մի պահի համար: Այն անհրաժեշտ է գործնական տարբեր խնդիրների, մասնավորապես՝





նավագնացության համար: Այդ պատ-  
նառով էլ հիշյալ խնդիրը, վերջիվեր-  
ջո, մղվեց առաջին պլան և կոչվեց  
*ուղղակի խնդիր*: Եթե դա ուղղակի  
խնդիր է, ապա հակադարձ խնդիրը  
ո՞րն է: Ա՛յն, ինչ լուծեց կեպլերը, այ-  
սինքն՝ դիտումների հիման վրա որոշեց  
ուղեծիրը և, հետևապես, նաև նրան  
բնորոշող թվային պարամետրերը (է-  
լեմենտները):

Դրան հակառակ, գիտենալով, որ  
շարժումը կատարվում է էլիպսով,  
Փաուսը դրեց այսպիսի մի խնդիր: Եթե  
հայտնի է, որ մոլորակի շարժումը  
կատարվում է էլիպսով, ապա, առ-  
նրվագն քանի՞ դիտում է հարկավոր  
այդ էլիպսի էլեմենտները որոշելու  
համար: Ամեն մի դիտումը տալիս է  
մոլորակի երկու կոորդինատը: Ուրե-  
մբն, մոլորակի երեք տարբեր պահերին  
կատարած դիտումներից ստացվում է



վեց թիվ: Այդ վեց թիվը, վեց հայտնի մեծությունները հնարավորություն են տալիս որոշելու մոլորակի ուղեծրի անհայտ վեց էլեմենտները: Այսպիսով, Կեպլերից ավելի քան 200 տարի հետո մշակվեց Գաուսի մեթոդը. մոլորակի երեք դիտումների հիման վրա գտնել նրա ուղեծրի էլեմենտները:

Դա ևս մի հակադարձ խնդրի լուծում էր: Հետագայում, արդեն Գաուսից հետո, երկնային մեխանիկան հասավ բարձր կատարելության: Ցույց տրվեց, թե ինչպես կարելի է որոշել մոլորակների զանգվածները, դիտելով նրանց փոխադարձ խանգարումները: Մոլորակների փոխազդեցությունների հետևանքով նրանց շարժումներում առաջացող խանգարումները, որոնք փոքր են՝ համեմատած Արեգակի շուրջը կատարվող մեծ շարժման հետ, կախված են նրանց զանգվածներից: Ուղղակի խնդիրը կա-



յանում է նրանում, որ զանգվածների ընդունվող արժեքների հիման վրա որոշվեն խանգարումները: Իսկ հակադարձ և շատ կարևոր խնդիրը կայանում է նրանում, որ դիտվող խանգարումների հիման վրա որոշվեն խանգարող մոլորակների զանգվածները: Ավելին, երբ XIX դարի առաջին կեսում պարզ դարձավ, որ Ուրանի շարժումը ոչ մի կերպ չի բացատրվում Արեգակի և այն ժամանակ հայտնի այլ մոլորակների ազդեցությամբ, եզրակացվեց, որ պետք է գոյություն ունենա ևս մի մոլորակ, որի ուղեծրի էլեմենտները և զանգվածը հայտնի չեն: Լեվերյենն Ուրանի դիտումներից դուրս բերեց անհայտ մոլորակի ուղեծրի էլեմենտները, զանգվածը և նախագուշակեց նրա տեղը Երկնակամարում: Այնտեղ, որտեղ նա կանխահաշվել էր, հայտնաբերվեց Նեպտուն մոլորակը: Այսպիսով, հա-



կադարձ խնդիրների կիրառության ասպարեզը գնալով ընդարձակվել է:

Բայց կա նաև մի այլ խնդիր: Կեպլերից հետո, երբ հայտնի դարձան մոլորակների և գիսավորների շարժման օրինաչափությունները, հասկանալի էր, որ դիտվող կինեմատիկական, երկրաչափական օրինաչափությունների (այսինքն՝ Կեպլերի օրենքների) ետևում կանգնած է ֆիզիկական բնույթի (դինամիկայի) մի օրինաչափություն, որը անհրաժեշտ էր գտնել: Այդ խնդիրը լուծեց Նյուտոնը, Գաուսի աշխատանքից շուրջ 100 տարի առաջ: Նա ցույց տվեց, որ մոլորակների շարժման բոլոր օրինաչափությունները կարելի է դուրս բերել մի ընդհանուր օրենքից: Սա էլ որոշ իմաստով հակադարձ խրնդիր էր: Այս հակադարձ խնդիրը կարելի է ձևակերպել այսպես: Հայտնի է, որ մոլորակները, գիսավորները և



ուրիշ երկնային մարմիններ շարժվում են համաձայն Կեպլերի օրենքների: Հարկավոր է գտնել այն ուժը, որը պայմանավորում է այդ օրինաչափությունները: Այդ ուժը Արեգակի ձգողականությունն է: Գտնելով ուժը՝ Նյուտոնը լուծեց այդ խնդիրը: Ուրեմն, Նյուտոնն էլ, փաստորեն, լուծեց հակադարձ խնդիր: Բայց Նյուտոնը կարող էր խնդիրն այլ կերպ դնել. ոչ թե փնտրել ուժը, այլ ենթադրել, որ այդ ուժն ունի այս կամ այն ձևը: Այստեղից դուրս բերելով շարժման համապատասխան օրինաչափությունները, նա կարող էր գտնել այն մասնավոր դեպքը, որը հանգեցնում է Կեպլերի օրենքներին: Դա կլիներ ուղղակի խրնդրի լուծում՝ կիրառված փորձերի ու սխալների մեթոդի սահմաններում:

Այսպիսով, եթե վերցնենք Կեպլերի և Նյուտոնի արդյունքները, ապա, փաս-



տորեն, կատանանք մի կրկնակի կա-  
նուցվածք: Հակադարձ մեթոդների կի-  
րանման միջոցով Կեպլերը գտավ  
մոլորակների շարժումների երկրաչա-  
փական և կինեմատիկական օրինա-  
չափությունները, իսկ Նյուտոնը, ելնե-  
լով Կեպլերի կողմից հայտնաբերված  
օրինաչափություններից, ղեկավարվե-  
լով հակադարձ խնդիրների մոտեց-  
մամբ, հայտնաբերեց ավելի խոր օրի-  
նաչափություն, որը գտնվում է արդեն  
իրերի հիմքում՝ տիեզերական ձգողա-  
կանության օրենքը: Իհարկե, դրա  
համար հարկավոր էր ունենալ նաև  
մեխանիկայի սկզբունքները, որոնք  
Նյուտոնը ձևակերպել էր որպես իր մե-  
խանիկայի ընդհանուր օրինաչափու-  
թյուններ, անկախ նրանից, թե ինչ  
կոնկրետ ձևի է ուժը: Նյուտոնի առա-  
ջին, երկրորդ և երրորդ օրենքները մի  
կողմից և նրա ձգողականության օրի-



նաշափությունը՝ մյուս կողմից, բոլորովին անկախ են իրարից, բայց միասին հնարավորություն են տալիս դեղուկտիվ հանապարհով արտածել կեպլերի օրինաշափությունները: Այդ դեղուկտիվ արտածումն, արդեն, կլինի ուղղակի խնդրի լուծման մի օրինակ:

Մենք տեսնում ենք, որ այն գիտությունը, որը ես այստեղ ներկայացնում եմ՝ աստղագիտությունը, իր պատմության ամենավեճակալ փուլերից մեկում մեծ շափով հենվեց հակադարձ մոտեցման վրա, հարցերին մոտենալով հակադարձ խնդիրների տեսակետից:

Բայց հիմա, երբ ժամանակները փոխվել են, ես ուզում եմ ձեզ պատմել, թե սկսած անցյալ դարի վերջերից աստղագիտության մեջ ինչպիսի զարգացում է ստանում հակադարձ խնդիրների մոտեցումը: Երկնականամարում դիտվում են աստղակույտեր. նրանցից



մեկը, երևի բոլորդ տեսել եմ, անվան-  
վում է Բագումբ: Բագումբն, այսպես  
կոչված, բաց աստղակույտերից մեկն  
է: Բացի Բագումբից և ուրիշ բաց աստ-  
ղակույտերից կան աստղերով շատ ա-  
վելի հարուստ կույտեր, որոնք կոչ-  
վում են գնդաձև աստղակույտեր:  
Վերցնելով այդպիսի գնդաձև աստղա-  
կույտի պատկերը, մենք տեսնում ենք,  
որ աստղերը կանոնավոր բաշխված են  
մի որոշակի կենտրոնի շուրջը, ընդ ո-  
րում աստղերի խտությունը նվազում է,  
երբ մենք հեռանում ենք կենտրոնից:  
Հարց է ծագում. բայց չէ՞ որ այն,  
ինչը որ մենք դիտում ենք, աստղա-  
կույտի պրոյեկցիան է երկնքի մի փոքր  
կտորի վրա, որը մենք կարող ենք  
տվյալ դեպքում համարել հարթ, որով-  
հետև այն մեծ տեղ չի գրավում երկրն-  
քում: Իրականում աստղակույտի աստ-  
ղերի մի մասը գտնվում է ավելի հե-





նու, իսկ մյուս մասը՝ ավելի մոտ,  
քան կույտի կենտրոնը: Հետևաբար,  
տառաչանում է մի այսպիսի հարց: Ինչ-  
պե՞ս այդ տեսանելի բաշխումից անց-  
նել իսկական, իրական բաշխմանը  
եռաչափ տարածության մեջ, ինչպես  
գտնել աստղակույտում տարածական  
խտությունը: Սա մի խնդիր է, որը դեռ  
կարելի է համարել դասական աստղա-  
գիտությանը վերաբերող, բայց, որոշ  
իմաստով, արդեն ժամանակակից,  
որովհետև աստղակույտերի մանրա-  
մասն ուսումնասիրությունը սկսվեց  
միայն այս դարի սկզբներին: Այդ խըն-  
դիրը հաշոդվեց լուծել: Պարզվեց, որ  
այդ տիպի խնդիրների լուծումը (երբ  
որ մենք ունենք ինչ-որ պրոյեկցիա,  
իսկ պրոյեկցիայից ուզում ենք դուրս  
բերել այն, ինչ որ կա տարածության  
մեջ, իսկական պատկերը, իրական  
պատկերը). հանգեցնում է, այսպես



կոչված, առաջին տեսակի ինտեգրալ հավասարումների լուծման: Որոշ դեպքերում այդ հավասարումները բավականին լավ, հաշոդ լուծվում են, իսկ ուրիշ դեպքերում հարցը բավականին բարդանում և դժվարանում է, որովհետև լուծումը կամ միարժեք չէ, կամ՝ բնդհակառակը, բոլորովին անհնարին է: Այդպիսի խնդիրները մաթեմատիկոսների մոտ ստացել են ոչ կոռեկտ խնդիրներ անունը: Բայց գնդածև աստղակույտերի խնդիրը հնարավոր եղավ լուծել:

Հետագայում աստղագիտության մեջ ծնվեց մի ուրիշ խնդիր, որը առաջադրվեց էդինգտոնի կողմից և որը կայանում է հետևյալում: Բանն այն է, որ երբ մենք հետաքրքրվում ենք աստղերի դինամիկայով, անհրաժեշտ է լինում գիտենալ, թե ինչպիսին են աստղերի տարածական արագությունները: Հիմա



մենք գիտենք, որ, այսպես կոչված, անշարժ աստղերն իրականում տարածության մեջ շարժվում են տարբեր արագություններով: Հնում այդ շարժումները չէին շափվում այն պարզ պատճառով, որ շափումների նշտությունը ցածր էր: Պետք է գոյություն ունենա արագությունների բաշխման մի օրինաչափություն, որը տեսականորեն հնարավոր չէ նախահաշվել և ոչ մի տեսական մոդելի կողմից չի կարող տրվել: Ուրեմն, այն հարկավոր է գտնել դիտումների հիման վրա: Այստեղ մոդելային մոտեցումը բոլորովին չի օգնում: Բայց տարածության մեջ աստղի տարածական արագության որոշումը բավականին բարդ խնդիր է: Բանն այն է, որ այդ դեպքում, աստղի շարժման տեսագծին ուղղահայաց բաղադրիչը մենք կարող ենք որոշել անմիջականորեն երկնակամարի վրա նրա տեղա-



փոխութիւնից: Բայց նա մոտենում է մեզ, թե հեռանում մեզնից, մենք անմիջապես շենք տեսնում: Սակայն կա շափման մի ուրիշ մեթոդ, որը հիանալի կերպով տալիս է այդ բանը, դասակարգալ մեթոդն է, որը հիմնված է Դոպլերի սկզբունքի վրա: Պարզվում է, որ այս մեթոդը թույլ է տալիս մեծ նշտությամբ որոշել աստղի հեռանալը կամ մոտենալը, այսինքն՝ շարժումը տեսագծի ուղղությամբ: Միևնույն ժամանակ շարժման, այսպես կոչված, տանգենցիալ (շոշափող) բաղադրիչը, որն ուղղահայաց է տեսագծին, սովորաբար որոշվում է մեծ սխալներով:

Հետևաբար, աստղագետների մոտ առաջացավ այն հարցը, թե չի՞ կարելի, արդյոք, որոշել աստղերի տարածական արագությունների բաշխումը, ելնելով միայն նրանց տեսագծային արագություններից: Դա հանգեցրեց մի



շատ բարդ մաթեմատիկական խնդրի: Ցավոք սրտի, իմ ժամանակն ավելի արագ է անցնում, քան մինչև անգամ աստղերն են շարժվում երկնում, և այդ պատճառով ես չեմ կարող շատ մանրամասն պատմել այդ մասին, բայց ուզում եմ ավելացնել. պարզվեց, որ դա լուծելի խնդիր է, և հաջողվեց ստանալ վերջինիս նշգրիտ լուծումը:

Նախ պարզության համար եռաչափ տարածությունից անցնենք երկչափ հարթությանը: Այսինքն՝ վերցնենք միայն այն աստղերը, որոնք գտնվում են դիտակետով անցնող մի ինչ որ հարթության մեջ և հետաքրքրվենք նրանց արագությունների միայն այն բաղադրիչներով, որոնք գտնվում են նույն հարթության մեջ: Այսպիսով, մենք ունենք մի հարթություն, որտեղ աստղերը շարժվում են տարբեր ուղղություններով: Ամեն մի աստղ



ունի իր շարժման արագության երկու բաղադրիչ: Խնդիր է դրվում. ինչպե՞ս որոշել այդ աստղերի արագությունների բաշխումը, ելնելով միայն նրանց տեսագծային արագություններից: Պարզվում է, որ այդ խնդիրը կարելի է լուծել: Պարզվում է, որ այն բերվում է հետևյալ մաթեմատիկական խնդրին: Տրված է մի հարթություն: Այդ հարթության վրա կա մի ինչ-որ անհայտ ֆունկցիա, որն ունի դրական արժեք: Տրված են այդ հարթության վրա տարված բոլոր հնարավոր ուղիղ գծերի վրայով նշված ֆունկցիայից վերցրած ինտեգրալները, այսինքն՝ այս ֆունկցիայի գումարված արժեքները ամեն մի ուղիղով: Գիտենալով այդ ինտեգրալների արժեքները, պետք է որոշել ֆունկցիան: Այդ հարցը լուծվում է մաթեմատիկայում: Նկարագրված աստղագիտական խնդրի գործնական լու-



ծումը տրվել է մեր կողմից, երբ մենք աշխատում էինք Լենինգրադի համալսարանում: Եվ այստեղ նորից համոզվում ենք, որ եթե մենք տալիս ենք միայն տեսագծային արագությունների բաշխումը, ապա այստեղից մեզ հաջողվում է գտնել այն, ինչը որ գրանրվում է տեսանելի երևույթի ետևում, այսինքն՝ տարածական արագությունների բաշխումը:

Այսպիսով, *տեսագծային* արագություններից կարելի է որոշել (աստղային դինամիկայի համար չափազանց կարևոր) աստղերի *տարածական* արագությունների բաշխումը: Եվ պարզվում է, որ արագությունների ստացվող բաշխումը բոլորովին չի համընկնում Մասսելլի օրենքի հետ: Խնդրի լուծումը ներկայումս բավականին թեթևացել է, քանի որ այստեղ հնարավոր է կիրառել հաշվիչ մեքենաներ:



Հիմա պարզվում է, որ այս ձևական խնդիրը, որ մենք լուծեցինք որոշ կոնկրետ դեպքի համար (ֆիզիկական այն դեպքի համար, երբ աստղերի տեսագծային արագությունների բաշխումից որոշվում է նրանց տարածական արագությունների բաշխումը), իր մաթեմատիկական բնույթով համընկնում է մի ուրիշ կենսաբանական խնդրի հետ: Բանն այն է, որ մարդն ունի մարմին և գլուխ: Գլխի մեջ, գանգի մեջ գտնվում է ուղեղը: Մենք կարող ենք հարց դնել. ի՞նչ է կատարվում նրա ուղեղում՝ ավելի նիշտ, ինչպե՞ս է կառուցված ուղեղը, այսինքն՝ դնել ուղեղի նյութի դիագնոստիկայի խնդիրը՝ առանց գանգը բացելու:

Դա բարդ խնդիր է: Այս տարի Նոբելյան մրցանակը, բժշկության գծով, շնորհվել է երկու գիտնականների, որոնց հաջողվել է լուծել դիագնոստիկա-





յի մի այդպիսի խնդիր, որն ունի ոչ միայն բժշկական նշանակություն: Խնդիրը կայանում է հետևյալում: Տրված է ինչ-որ մի մարմին, ասենք՝ մի ֆար կամ մետաղի մի կտոր, ձմերուկ, ուղեղ և այլն, և այլն: Ռենտգենյան նառագայթների շափման միջոցով մենք կարող ենք գտնել այդ մարմնի մեջ, այդ նառագայթներում կլանման գործակցի ինտեգրալը՝ վերցրած տվյալ մարմնով անցնող բոլոր ուղիղների վրայով: Վերցրնենք մի այդպիսի ուղիղ, որով ուղեկցվում է ռենտգենյան նառագայթը: Գիտենք ռենտգենյան նառագայթի ուղղությունը և մուտքի հզորությունը, և կարելի է շափել, թե ինչ հզորությամբ է այն դուրս գալիս մարմնից: Հետևաբար, մենք իմանում ենք, թե ինչքան է կլանումը նրա մեջ, իսկ այդ կլանումը շատ պարզ բանաձևով կապված է ուղիղի վրայով տարածված



կլանման գործակցի ինտեգրալի հետ: Ուրեմն, ես կարող եմ շափումներից իմանալ, թե ինչին է հավասար ունեցեցյան նառագայթների կլանման գործակցի ինտեգրալը իմ ուղեղի ցանկացած ուղիղ գծի երկայնությամբ: Քանի որ շափումներից ստացված են այս ինտեգրալների արժեքները, մնում է գտնել ինքը՝ ֆունկցիան, այսինքն՝ կլանման գործակիցը ուղեղի ամեն մի կետում: Կրկնում եմ, պարզվում է, որ այդ խնդրի ձևական կողմը ամբողջությամբ համընկնում է մեր բննարկած աստղագիտական խնդրի հետ, քանի որ բանաձևերը մնում են նույնությամբ: Հասկանալի է, սակայն, որ մարդկության համար անմիջական օգուտն այս դեպքում շատ ավելի մեծ է: Հենց դրա համար էլ նրանց շնորհվել է Նոբելյան մրցանակ: Գործնականում փորձն այսպես է կատար-



վում: Գլխի վրա գլխարկի նման դրվում է ռենտգենյան ապարատ, և հառագայթները միաժամանակ անցնում են տարբեր ուղղություններով մի հարթության մեջ: Այստեղից ստանում ենք ուղեղի մի կտրվածքի պատկերը, երբ ապարատը թեփում ենք, ստանում ենք մի այլ կտրվածք, հետո թեփում և ստանում մի այլ կտրվածքի պատկեր և այլն: Ապարատը հիմա արտադրվում է և կոչվում «Ռենտգենյան տոմոգրաֆ»:

Հիմա բերեմ մի այլ օրինակ, նույնպես ոչ աստղագիտության բնագավառից: Չէ՞ որ ամեն մի գիտության մեջ մենք գտնում ենք այնպիսի խնդիրներ, երբ արտափներ (տեսանելի) հայտնի է, և պետք է գտնել իսկականը, իրական պատկերը, որը թափնված է դրա ետևում: Իհարկե, ինչպես ասվեց, այդ իրականի ետևում էլ կարող է լինել մի



այլ պատկեր, ավելի խոր: Քանի որ բնությունն անվերջ խորն է, այստեղ սահման չի կարող լինել: Բայց առաջին ներքին պատկերը, այսինքն՝ այն, ինչը որ պետք է անմիջապես բացատրի տեսանելին, պետք է գտնվի առաջին հերթին:

Այս տեսակետից գուցե հետաքրքիր է հետևյալ խնդիրը: Դուր գիտե՞ք, որ Ֆիզիկոսը գործ ունի ատոմների աշխարհի հետ: Այդ ատոմները շատ հետաքրքիր մասնիկներ են, քանի որ մեզ հետ «խոսում» են իրենց բավականին արտահայտիչ լեզվով: Այդ լեզուն ատոմների սպեկտրն է: Ամեն մի ատոմի սպեկտրը բաղկացած է սպեկտրալ գծերից, որոնցից յուրաքանչյուրն ունի որոշ ավիֆի երկարություն: Հետևաբար, մենք կարող ենք հարց դնել. արդյոք չի՞ կարելի, ելնելով նրանից, թե ինչպիսիք են ատոմին հա-



մապատասխանող սպեկտրալ գծերի  
ալիքի երկարությունները, որոշել ատո-  
մի ներքին կառուցվածքը, նրա մեխա-  
նիզմը: Դա շատ օրինաչափ խնդիր է,  
և, փաստորեն, ֆվանտային մեխանի-  
կան տալիս է այս խնդրի լուծումը:  
Բայց եթե մենք վերցնենք ֆվանտա-  
յին մեխանիկայի պատմությունը և  
փորձենք գուշակել, թե որն է այնանեղ  
կիրառվել ավելի շատ՝ ուզղակի՞ թե հա-  
կադարձ խնդիրների մոտեցումը, ապա  
պետք է ասել, որ տարբեր փուլերում  
այն տարբեր է եղել: Օրինակ, կարելի  
է վերցնել Հայգենբերգի 1925 թվակա-  
նի աշխատությունը: Հայտնի է, որ  
Հայգենբերգն ամենամեծ, ամենա-  
փայլուն դերն է խաղացել ֆվանտային  
մեխանիկայի ստեղծման մեջ և այդ  
փուլում նա առաջ է փաշել այն թեզիսը,  
որ ատոմային տեսությունը պետք է  
օգտագործի միայն դիտվող մեծու-



թյուններ: Քանի որ ատումների դեպ-  
քում մենք դիտում ենք հիմնականում  
գծերի հանախականությունները և ին-  
տենսիվությունները, Հայզենբերգն ու-  
զում էր, որ ատումային մեխանիկայի  
մեջ որպես փոփոխականներ մտնեն  
հենց այդ մեծությունները: Սակայն ֆր-  
վանտային մեխանիկայի հետագա զար-  
գացումը ստիպեց ինչպես Հայզենբեր-  
գին, այնպես էլ նրա տեսությունը շա-  
րունակողներին շեղվել այդ ծրագրի  
իրականացումից: Ուզում եմ ասել, որ  
սկզբնական ծրագիրը շհաջողվեց իրա-  
գործել հետևողականորեն:

Ես, իմիջիայլոց, նշեցի Հայզենբերգի  
հողվածը, բայց ուզում եմ ասել, որ ան-  
միջապես դիտվող մեծությունների շա-  
փումներից օրինաչափությունների դուրս  
բերման այդ ձգտումը գիտության մեջ  
նորից և նորից է կրկնվում: Գիտնական-  
ները, ուրեմն, շատ հանախ են դիմում



հակադարձ մեթոդներին, հակադարձ մոտեցումներին:

Մասնավորապես այնպես ստացվեց, երբ իմ առջև 50 տարի առաջ կանգնեց այն հարցը, թե, արդյո՞ք, չի՞ կարելի որևէ բան ասել ֆլանտային համակարգերի կառուցվածքի մասին, ելնելով միայն նրանց էներգիայի սպեկտրից:

Այն ժամանակ մենք մտածում էինք առումի կորիզի մասին, որի կառուցվածքը բոլորովին հայտնի չէր: Բայց պարզվեց, որ ոչ միայն այդպիսի հակադարձ խնդիրը, այլև շատ ավելի հեշտ խնդիրները հնարավոր չէ անմիջապես լուծել մի շարք սկզբունքային և գործնական դժվարությունների հետևանքով: Ավելի պարզեցնելով խնդիրը, եղած խնդիրները հաջորդաբար փոխարինելով նրանց ավելի ու ավելի պարզ խնդիրներով, մենք հասանք այսպիսի մի խրճողի: Վերցնենք մի լար: Ամեն մի լար



ունի իր, այսպես ասած, սեփական տատանումների հանախականությունները: Տրված է այդ լարի սեփական տատանումների հանախականությունների համակարգը: Հնարավոր է, արդյոք, ելնելով այդ հանախականություններից, որոշել, թե ինչպիսին է լարը: Պարզվեց, որ մինչև անգամ այդքան պարզեցված դեպքն ինձ համար դարձյալ դժվար էր լուծել:

Սակայն ինձ հաջողվեց ապացուցել հետևյալ թեորեմը՝ բոլոր հնարավոր լարերի մեջ միայն համասեռ լարն ունի իրեն հատուկ սեփական տատանումների հանախականությունները: Ուրեմն, տվյալ դեպքում միարժեք կերպով (որովհետև տվյալ մի դեպքի համար ինձ հաջողվեց գործը հասցնել մինչև վերջ) սեփական արժեքները, սեփական տատանումների հանախականությունները որոշում են լարի կառուցվածքը, նրա





համասեռությունը: Ես տպագրեցի այդ աշխատությունը մի գերմանական ֆիզիկական ամսագրում: Դա մի շատ հետաքրքիր դեպք է գիտության պատմության տեսակետից: Ստացվեց, որ մի *աստղագետ* տպագրեց իր *մաթեմատիկական* աշխատությունը *ֆիզիկական* ամսագրում: Կարո՞ղ էր որևէ մեկը ուշադրություն դարձնել նրա վրա: Իհարկե, այդ ֆիզ է հավանական, որովհետև մաթեմատիկոսները շեն կարդում ֆիզիկական ամսագրերում տպագրվող աշխատություններ, մանավանդ, եթե հեղինակի ազգանունը հայտնի է միայն աստղագետներին: Այդ աշխատությունը մնաց անհայտ: Անցավ 15 տարի, մինչև շվեդական մաթեմատիկոս Բորգը, որի ձեռքն ընկավ այդ հոդվածը, ուշադրություն դարձրեց վերջինիս վրա և սկսեց զբաղվել այդ խնդրով: Նա վերցրեց ավելի ընդհանուր խնդիր, արդեն ոչ թե



համասեռ լարի սեփական արժեքների հակադարձ խնդիրը, այլ ավելի ընդհանուր խնդիր, և տվեց որոշ հարցերի լուծումը: Աշխատանքի այդ ուղղությունը հետագայում շարունակվեց սովետական մի շարք մաթեմատիկոսների կողմից և դարձավ մաթեմատիկական լուրջ հետազոտությունների առարկա: Այժմ ուսումնասիրվում են ավելի բարդ դեպքեր, երբ փնտրում են օպերատոր՝ էլենլով ոչ միայն նրա սեփական արժեքներից (որոնք կարող են միարժեք կերպով շորոշել օպերատորը), այլև որոշ լուծումներից կամ լուծումները բնութագրող պարամետրերից:

Այսօր աստղագիտության մեջ կան բազմաթիվ հետաքրքիր հակադարձ խնդիրներ: Նույնը՝ տեխնիկայում: Մենք արդեն ֆննարկեցինք մի օրինակ՝ մարմնի թափանցիկությունը և ռենտգենյան միջոցներով նրա կառուցվածքը ո-



որչելու օրինակը: Այդ խնդիրը կարևոր է ոչ միայն բժիշկների համար: Դիագնոստիկան մի բան է, որը նույնքան կարևոր է նաև տեխնիկայի մեջ: Իսկ ինչ վերաբերում է աստղագիտությանը, ապա իմ տեսակետից ամբողջ աստղագիտությունը դիագնոստիկա է ու դիագնոստիկա: Մենք դրսից նայում ենք աստղերին և պետք է որոշենք, թե ինչ է կատարվում նրանց ներսում: Եթե այդպես է, ապա ամբողջ աստղագիտությունը հանդես է գալիս որպես հակադարձ խնդիրների մի հսկայական ասպարեզ:

Մենք դիտում ենք աստղերի արտաքին հատկությունները: Հարց է ծագում. չի՞ կարելի, արդյոք, այդ արտաքին տվյալների միջոցով, հենվելով որոշ պարզ ֆիզիկական օրինաչափությունների վրա, և առանց մասնավոր ենթադրությունների, անմիջապես որոշել աստղի ներքին կառուցվածքը: Ես, օրի-



նակ, համոզված եմ, որ որոշ ժամանակ հետո աստղերի ներքին կառուցվածքի խնդիրը միայն այս նախապահով կլուծվի վերջնականապես: Բայց, ցավոք սրտի, արդեն 40 տարի է այդ խնդրում էական զարգացում չկա: Այդ օրինակը ես բերում եմ գիտակցելով, թե որքան դժվար է այդ խնդիրը մինչև անգամ ձևակերպել մաթեմատիկական իմաստով: Ուրեմն, նախ և առաջ պետք է այդ խնդիրը կարողանալ ձևակերպել: Դրանից հետո մենք, միգուցե, իսկապես մոտենանք աստղերի ներքին կառուցվածքի այսօրվա պահանջները բավարարող տեսությանը, պահպանելով իսկական գիտական մոտեցում այդ խնդրի նկատմամբ, քան այն անպտուղ մոդելային մոտեցումները, որոնք այսօր կիրառվում են: Մոդել կառուցելն ամենահեշտ նախապահին է: Ես կարծում եմ, որ այս բնագավա-



նում հսկայական ասպարեզ կբացվի, եթե միայն կարողանանք ձևակերպել առաջին նշգրիտ հարցադրումները:

Երկրորդ: Գոյություն ունի շափազանց մեծ մի խնդիր, որը կոչվում է կոսմոլոգիայի խնդիր: Կոսմոլոգիայի խնդիրը կայանում է հետևյալում. ինչպե՞ս է կառուցված ամբողջական Տիեզերքը: Այսօր, այս բնագավառում նորից իշխում են մոդելային մոտեցումները: Քննարկվող խնդրի վերաբերյալ մենք անում ենք ենթադրություններ և ձգտում ենք խնդիրը լուծել այդ բավականին կամայական ենթադրությունների հիման վրա: Մասնավորապես ընդունում ենք, որ Տիեզերքը համասեռ է, շատ լավ գիտենալով, որ համասեռ չէ: Այդ ենթադրությունը անում ենք, որովհետև համասեռության դեպքում ընդունված, բայց ոչ բավականաչափ հիմնավորված, հավասարումները ավելի հեշտ



է լուծել: Հետո փորձում ենք պարզել, թե ինչպես նա կարող էր զարգանալ ժամանակի ընթացքում: Իմ կարծիքով, կոսմոլոգիան հենց այն բնագավառն է, որտեղ հաջողությունը հնարավոր է միայն և միայն վերը նկարագրված նանապարհով, Հակադարձ խնդիրների նանապարհով: Սա կարելի է ավելի մանրամասն հիմնավորել, թեև, իհարկե, ապացուցել հնարավոր չէ, որովհետև դեդուկտիվ նանապարհով չի կարելի գուշակել, թե ինչ նանապարհով է այս կամ այն խնդրի լուծման մեջ մարդը հասնելու հաջողության: Այդ բանը նախօրոք ոչ ոք չի կարող ասել: Բայց եթե ինձ հարցնեն, թե որ ուղին եմ դուր համարում ավելի շահավետ, որը պետք է լինի կոսմոլոգիայի հիմքը, ապա ես կասեմ, որ այն մեթոդները, որոնք առայժմ կիրառվում են այստեղ, կարող են մեզ բերել որոշ սահ-



մանափակ արդյունքների, իսկ խնդիրների վերջնական լուծումը կարող է լինել միայն հակադարձ խնդիրների ձեւով:

Ուզում եմ ձեր ուշադրությունը հրավիրել շատ հետաքրքիր, և փիլիսոփայական տեսակետից շափազանց կարևոր մի հանգամանքի վրա: Բանն այն է, որ երբ մենք ձևակերպում ենք որևէ հակադարձ խնդիր, մենք հանգում ենք ինչ-որ մաթեմատիկական հավասարման կամ հավասարումների, որոնք մասնավոր դեպքում կարող են հանդիսանալ առաջին տիպի ինտեգրալ հավասարում և նրանց հակադարձ խնդիրը՝ սեփական արժեքների դիֆերենցիալ հավասարումը: Պարզվում է, որ, հանախ, այդպիսի հակադարձ խնդիրները կրում են այնպիսի բնույթ, որ նրանք կամ չունեն միարժեք լուծում, կամ թե անկայուն են լուծման տեսա-



կետից: Դա նշանակում է. բավական է մուտքի (օրինակ՝ սկզբնական) տրվյալների մեջ ունենալ մի փոքր սխալ, որպեսզի ամբողջ լուծումը ստացվի բոլորովին տարբեր: Դա խնդրի անկայունության հետևանքն է: Բայց կան և այնպիսի հակադարձ խնդիրներ, որոնք կայուն են և լուծվում են հաջողությամբ:

Ի՞նչ է նշանակում այդ երևույթը, կամ, արդյոք, բնության մեջ դրան համապատասխանո՞ւմ է մի որևէ բան: Այո՛, բնության մեջ դրան համապատասխանում է հետևյալը: Եթե մենք ուզում ենք ինչ-որ տվյալներից դուրս բերել որևէ երևույթի ներքին մեխանիզմը, այն, ինչն անմիջապես չի երևում և գտնվում է պատկերի ետևում, ապա պատահում են տարբեր դեպքեր: Արտաքին տվյալները կարող են բավարարել լինել այդ մեխանիզմը բացահայ-





տելու, որոշելու համար: Այդ դեպքում քաղաքականաչափ դիտելուց հետո հնարավոր է, որ տվյալներից ստացվի միարժեք և պարզ մեկնաբանություն, հարցերի որոշակի լուծում: Բայց կարող են լինել դեպքեր, երբ մեզ համար մատչելի կամ մեր տրամադրության տակ գտնվող տվյալները չեն կարող միարժեք կերպով որոշել ուսումնասիրվող երևույթի ներքին մեխանիզմը: Երբ այս հարցը բննվում է, ոմանք արտահայտում են այն կարծիքը, որ դա թերություն է: Սա ոչ թե թերություն, այլ հակադարձ խնդիրների մեթոդի առավելությունն է, որովհետև դնելով հակադարձ խնդիրը, մենք ավելի պարզ կարող ենք տեսնել, թե մեր տրամադրության տակ գտնվող տվյալները, կամ մեր կողմից կատարվող դիտումներն ինչ չափով են որոշում փնտրվող իսկական պատկերը:



Եվ դա ցույց կտա, թե, օգտագործելով ունեցած տվյալները, մենք ինչ շափով կարող ենք հասնել նշմարտությանը: Հիմա՝ բազմարժեքության հարցը: Եթե հակադարձ խնդրի լուծումը միարժեք չէ (այդպես երբեմն լինում է), դա նշանակում է, որ անհրաժեշտ են լրացուցիչ, հանախ բոլորովին ուրիշ երեվույթների ուսումնասիրությունից ըստացված տվյալներ: Այսպես կարելի է հասնել և վերջնական լուծման:

Ահա, ուրեմն, այստեղ մտածելու և փիլիսոփայելու շատ և շատ բան կա: Ես կարծում եմ, որ լավ կլինի, եթե մեր երիտասարդ փիլիսոփաներն ավելի շատ ուշադրություն դարձնեն այս խնդրին, որովհետև սա գիտության մեթոդաբանության կարևոր խնդիրներից մեկն է: Պետք է սկզբունքային և տրամաբանական տեսակետից վերլուծել և գնահատել, թե որ շափով մենք



կարող ենք հույս դնել այդ մեթոդի, այդ մոտեցման վրա: Սիրահար լինելով հակադարձ խնդիրների մոտեցման կիրառմանը, այսինքն՝ վերը նկարագրված դրվածքին, միաժամանակ ես պետք է խոստովանեմ, որ ես շատ քիչ բան եմ արել այդ ուղղությամբ: Վերջին տարիների ընթացքում ես փորձեցի կիրառել այդ մոտեցումը բունկվող աստղերի վիճակագրության բնագավառում, բայց գտնում եմ, որ ստացված արդյունքները շատ համեստ են: Ըստ երևույթին դա այն բնագավառներից է, որտեղ հաջողությունները հեշտ չեն ձեռք բերվում: Խոշոր արդյունքներ ստանալու համար երևի մարդիկ պետք է ավելի ուժեղ գործեն:

Միևնույն ժամանակ ես ուզում եմ խոստովանել, որ ուղղակի մեթոդները խաղացել են հսկայական դեր գիտության մեջ: Վերջապես, որոշ հետազո-



տություններում կարող է կիրառվել հակադարձ և ուղղակի մոտեցումների զուգակցում: Ավելին, նիշտ կլինի ասել, որ երբ վերցնում ես նշգրիտ բնագիտության մի որևէ ամբողջական բնագավառի լայն պատկերը, տեսնում ես, որ նրա զարգացման պատմությունը, լայն իմաստով, հանդիսանում է այդ երկու մոտեցումների զուգակցումը: Փիլիսոփաները պետք է հետաքրքրվեն նրանով, թե *ինչպիսի հանգամանքներ են որոշում այս կամ այն մոտեցման հաջողությունը կամ անհաջողությունը առանձին կոնկրետ խրնդիրներում: Այս հարցում կա մտածելու շատ լայն ասպարեզ: Երևի կարելի է գտնել բավականին ընդհանուր իմացաբանական կամ տրամաբանական չափանիշներ, որոնք թույլ պետք է տան գիտակցաբար որոշելու, թե որ ուղին է ավելի նպատակահարմար:*

Թույլ տվե՛ք սրանով ավարտել:

Վիկտոր Համազասպի Համբարձումյան

ՀԱԿԱԴԱՐՁ ԽՆԴԻՐՆԵՐԸ  
ԲՆԱԳԻՏՈՒԹՅԱՆ ՄԵՋ

Հրատ. խմբագիր՝ Ա. Հ. Շաղգամյան  
Գեղ. խմբագիր՝ Հ. Ն. Գործակալյան  
Տեխ. խմբագիր՝ Հ. Մ. Մանուչարյան  
Սրբագրիչ՝ Է. Ա. Սոխիկյան

ԻԼԵ № 843

Հանձնված է շարվածքի 5.04. 1983 թ.: Ստորագրված է տպագրության 1.11. 1983 թ.:  
ՎՖ 06088: Չափը  $60 \times 84^{1/32}$ , թուղթ № 1: Տառատեսակ՝ արամյան, տպագրություն՝ բարձր: Պայմ. 3,48 մամ., տպագր. 3,75 մամուլ: Հրատ. հաշվարկ. 0,97 մամուլ: Տպաքանակ 5300: Պատվեր № 379: Հրատ. № 5904: Գինը 15 կոպ.:

ՀՍՍՀ ԳԱ հրատարակչություն, 375019, Երևան, Մարշալ Բաղրամյանի պող., 24 գ.

Издательство АН АрмССР, 375019, Ереван, пр. Маршала Баграмяна, 24 г.

ՀՍՍՀ ԳԱ հրատարակչության տպարան, Երևան, Մարշալ Բաղրամյանի պող., 24:

Типография Издательства АН АрмССР, Ереван, пр. Маршала Баграмяна, 24.